

MAT - 2013/14

Tópicos de Sistemas Dinâmicos

infos

Salvatore Cosentino

Departamento de Matemática e Aplicações - Universidade do Minho

Campus de Gualtar, 4710 Braga - PORTUGAL

gab B.4023, tel 253 604086 (atendimento: 5^a-feira 9h-11h)

e-mail scosentino@math.uminho.pt

url <http://w3.math.uminho.pt/~scosentino>

19 de Fevereiro de 2014

Objectivos de ensino

Pretende-se que o aluno identifique as principais características do comportamento de um sistema dinâmico e analise a sua estabilidade.

Programa sucinto

Iteração e transformações, fluxos. Órbitas periódicas, natureza e estabilidade. Bifurcações, cascata de Feigenbaum. Conjuntos invariantes e atractores. Fractais. Introdução à dinâmica topológica. Recorrências, sistemas caóticos. Transformações expansoras. Transformações hiperbólicas. Dinâmica simbólica. Dinâmica complexa (conjuntos de Julia e de Mandelbrot). Entropia. Introdução à teoria ergódica.

Resultados de aprendizagem

- Descrever as noções básicas no estudo qualitativo das trajectórias.
- Dominar as técnicas de análise local das órbitas.
- Compreender as principais classes de transformações caóticas.
- Trabalhar exemplos de dinâmica em dimensão baixa.
- Aplicar os conceitos e as técnicas ao estudo de exemplos.

Programa

Crescimento e decaimento. Progressão e série geométrica. Crescimento ou decaimento exponencial. Sucessão de Fibonacci.

Iteração e modelos discretos. Transformações. Análise gráfica (cobweb plot). Transformação logística. Equações às diferenças finitas homogéneas, polinómio característico.

Fluxos e simulações. Equações diferenciais ordinárias. Equações autónomas, fluxos. Equações lineares. Simulações.

Sistemas dinâmicos topológicos. Trajectórias, órbitas, estados estacionários, órbitas periódicas. Iteração de transformações contínuas. Órbitas periódicas, observáveis, conjuntos invariantes.

Números e dinâmica. Representação decimal. Rotações do círculo. Multiplicação por d . Deslocamentos de Bernoulli. Fracções contínuas.

Órbitas regulares e perturbações. Teoremas do ponto fixo. Bacia de atração. Princípio das contrações. Método de Heron.

Linearização. Natureza e estabilidade dos pontos fixos. Método de Newton.

Persistência e bifurcações. Cascata de Feigenbaum.

Recorrências. Conjuntos limite. Pontos recorrentes. Conjunto não-errante.

Transitividade e órbitas densas. Transformações transitivas. Conjuntos e transformações minimais.

Perda de memória e independência assintótica. Dependência sensível das condições iniciais. Mixing. Transformação tenda. Transformações expansoras. Expansão decimal.

Conjuntos de Cantor, codificação. Dinâmica dos deslocamentos de Bernoulli. Conjunto de Cantor. Conjuntos invariantes e atractores.

Dinâmica complexa. Interação de polinómios e funções racionais. Conjuntos de Julia e de Mandelbrot.

Introdução à teoria ergódica. Medidas invariantes. Médias temporais, teorema de Birkhoff. Ergodicidade.

Avaliação

Avaliação contínua/periódica. 2 testes ao longo do semestre, valendo cada um 50% da nota final. Os alunos com nota final não inferior a 8 valores, podem ainda optar para uma prova oral complementar: neste caso a nota final será a média aritmética entre a nota da prova oral e a nota obtida nos testes.

Avaliação por exame final. Um exame escrito. Os alunos com nota não inferior a 8 valores podem ainda optar para uma prova oral complementar: neste caso a nota final será a média aritmética entre a nota da prova oral e a nota obtida no exame escrito.

Informações online

Na minha página web

- http://w3.math.uminho.pt/~scosentino/teaching/tsd_MAT_2013-14.html

ou na página *e-learning* da Universidade do Minho (blackboard)

- <http://elearning.uminho.pt> (código de activação **tsdmat1314**)

podem encontrar: avisos, informações, programa, bibliografia, metodologia de avaliação, horários das aulas e de atendimento, folhas práticas, notas das aulas, enunciados das provas de avaliação, resultados das provas de avaliação.

Software

Software livre:



Maxima



GeoGebra

Software proprietário:



Matlab



Maple



Mathematica

Horário

Créditos ECTS: 6.

Carga horária: 168h = ¹ T 30h + TP 30h (×2 turmas) + TI 108h.

	segunda	terça	quarta	quinta	sexta
8-9					
9-10				atendimento	
10-11				atendimento	
11-12	T _{LM2}			TP _{LM2}	
12-13	T _{LM2}			TP _{LM2}	
13-14					
14-15					
15-16					
16-17					
17-18					
18-19					

Plano das aulas

semana	2 ^a -feira - sabado	feriados?	matéria	avaliação
I	17 fev - 22 fev		Crescimento e decaimento	
II	24 fev - 1 mar		Iteração e modelos discretos	
III	3 mar - 8 mar		Fluxos e simulações	
IV	10 mar - 15 mar		Sistemas dinâmicos topológicos	
V	17 mar - 22 mar		Números e dinâmica	
VI	24 mar - 29 mar		Órbitas regulares e perturbações	
VII	31 mar - 5 abr		Linearização	
VIII	7 abr - 12 abr		Recorrências	teste 1 10 abr
IX	14 abr - 19 abr		feriados PÁSCOA (14-21 abr)	
X	21 abr - 26 abr		Transitividade	
XI	28 abr - 3 mai		Perda de memória e “mixing”	
XII	5 mai - 10 mai		Conjuntos de Cantor, codificação	
XIII	12 mai - 17 mai		sem horas de contacto EG (10-16 mai)	
XIV	19 mai - 24 mai		Dinâmica complexa (conjuntos de Julia e de Mandelbrot)	
XV	26 mai - 31 mai		Entropia	
XVI	2 jun - 7 jun		Introdução à teoria ergódica	
XVII	9 jun - 14 jun		Introdução à teoria ergódica	teste 2 12 jun
XVIII	16 jun - 21 jun			
IXX	23 jun - 28 jun		fim período da aulas	
XX	30 jun - 6 jul			Exame
XXI	7 jul - 12 jul			Exame

¹T: Aulas Teóricas; TP: Aulas Teórico-práticas; OT: Aulas Tutoriais; TI: Trabalho Independente e Avaliação.

Referências

- [Ap69] T.M. Apostol, *Calculus*, John Wiley & Sons, New York 1969.
- [Ar78] V.I. Arnold, *Metodi geometrici della teoria delle equazioni differenziali ordinarie*, Editori Riuniti - MIR, Roma 1978.
- [Ar79] V.I. Arnold, *Metodi matematici della meccanica classica*, Edizioni MIR - Editori Riuniti, Roma 1978.
- [Ar85] V.I. Arnold, *Equações diferenciais ordinárias*, MIR 1985.
- [BN05] P. Buttà e P. Negrini, *Note del corso di Sistemi Dinamici*, Università di Roma “La Sapienza”, 2005.
- [De89] R.L. Devaney, *An introduction to chaotic dynamical systems*, Addison-Wesley, 1989.
- [De92] R.L. Devaney, *A first course in chaotic dynamical systems*, Addison-Wesley, 1992.
- [HK03] B. Hasselblatt and A. Katok, *A first course in dynamics: with a panorama of recent developments*, Cambridge University Press 2003.
- [HS74] M.W. Hirsch and S. Smale, *Differential equations, dynamical systems and linear algebra*, Academic Press (Pure and Applied Mathematics. A series of Monographs and Textbooks), San Diego 1974.
- [HW59] G.H. Hardy and E.M. Wright, *An Introduction to the Theory of Numbers*, fourth edition, Oxford University Press 1959.
- [Kh35] A. Ya. Khinchin, *Continued Fractions*, 1935 [translation by University of Chicago Press, 1954].
- [KH95] A. Katok and B. Hasselblat, *Introduction to the modern theory of dynamical systems*, Encyclopedia of mathematics and its applications, Cambridge University Press 1995.
- [Ro99] J.C. Robinson, *Dynamical Systems, Stability, Symbolic Dynamic and Chaos*, CRC Press, Cambridge 1999.
- [Ro04] J.C. Robinson, *An introduction to ordinary differential equations*, Cambridge University Press, Cambridge 2004.
- [St94] S.H. Strogatz, *Nonlinear Dynamics and Chaos*, Addison-Wesley, 1994.
- [Vi06] J. Villate, *Introdução aos sistemas dinâmicos. Uma abordagem prática com Maxima*, 2006.